

Photonen Statistik

Strahlungseinheit und deren Schwankungen → Photon Statistik
unterhalb Laserschwelle

$\langle n \rangle =$ mittlere Photonanzahl in Lasermode $= \frac{1}{e^{h\nu/kT} - 1}$ Bose-Einstein Verb.

wie Planck Hohlraumstrahlung bei Temp T, wobei $T \rightarrow \infty$ bei Annäherung an Schwelle

Schwankungen: $\frac{\langle \Delta n^2 \rangle}{\langle n \rangle^2} = \frac{\langle n \rangle + 1}{\langle n \rangle}$ ($\langle \Delta n^2 \rangle = \langle n \rangle (\langle n \rangle + 1)$)

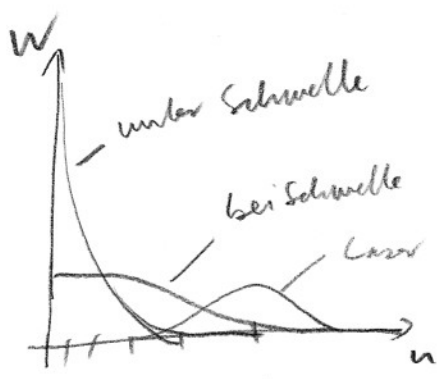
d.h. für große $\langle n \rangle$: Schwankungen \approx Mittelwert

Oszillation des Lasers

Wahrscheinlichkeit W bei $\langle n \rangle$ gerade n Photonen zu finden:

$W(n) = \frac{\langle n \rangle^n}{n!} e^{-\langle n \rangle}$ Poisson-Verteilung

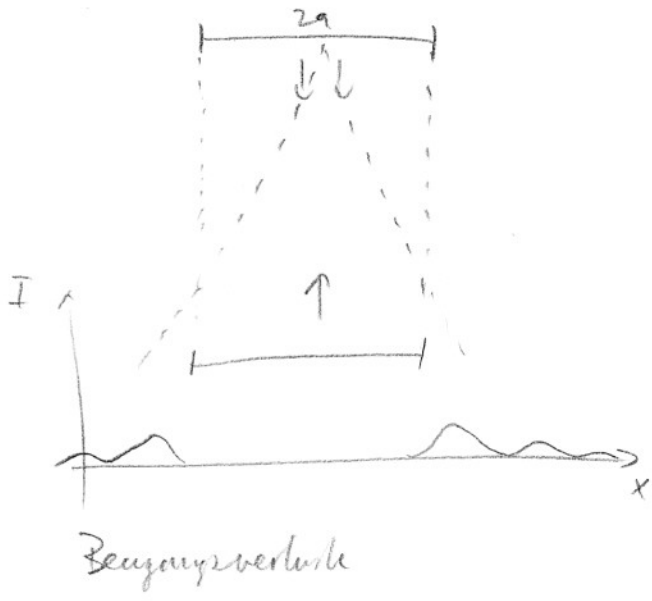
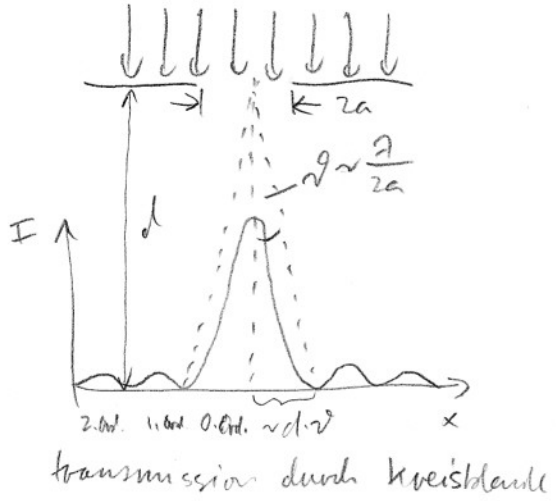
$\langle \Delta n^2 \rangle = \langle n \rangle$ or $\frac{\langle \Delta n^2 \rangle}{\langle n \rangle^2} = \frac{1}{\langle n \rangle}$



8.2.1. Offene optische Resonatoren

Beugungsverluste:

analog: Resonator

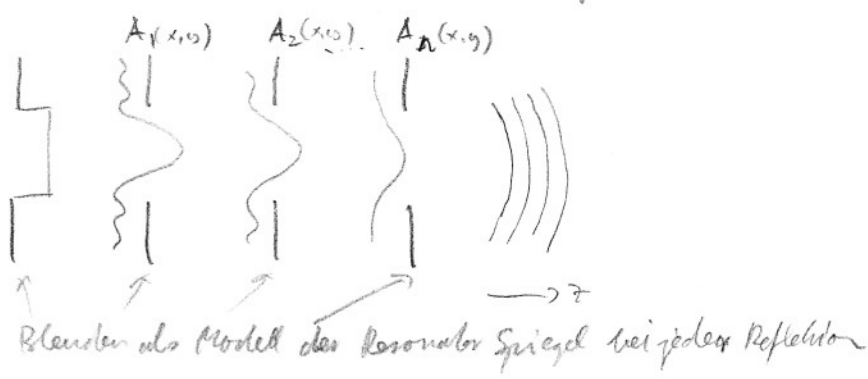
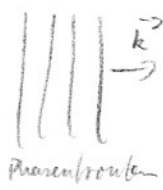


Um gesamte 0. Ordnung Beugungspore zu reflektieren: $d \cdot \vartheta \approx a$

Munkbaum zeigen, dass Verluste ca. $\gamma \sim 1/N$ sind $\frac{d\mathcal{L}}{2a} \rightarrow \frac{a^2}{\lambda d} \approx 1$
 ($I = I_0 e^{-\gamma}$)
 Fresnelzahl

Moden des offenen Resonators

Ebene Welle

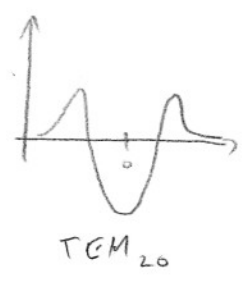
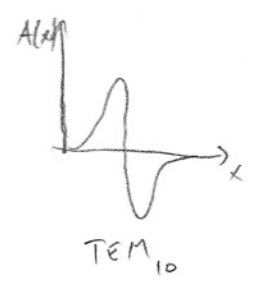
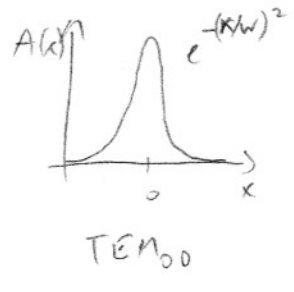


$A(x,y)$: Amplitudenverteilung in x,y Ebene $\perp z$ Ausbreitungsrichtung

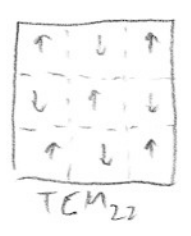
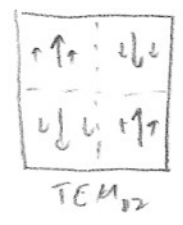
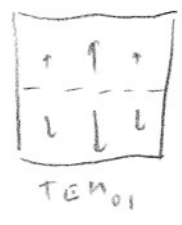
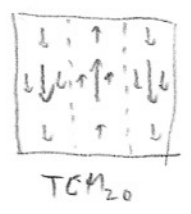
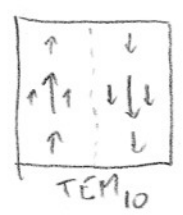
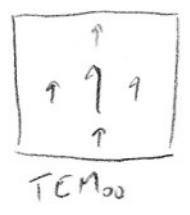
stationärer Zustand: $A_n(x,y) = C \cdot A_{n-1}(x,y)$ $|C| < 1$, unabh. von x,y

Man kann $A(x,y)$ im stationären Zustand beschreiben (Kirchhoff'sche Beugungstheorie)

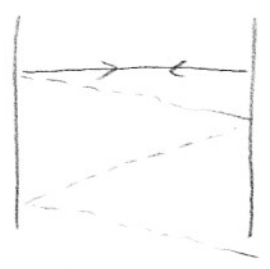
\rightarrow Lösungen für A , verschiedene Moden: transversal-elektromagnetische Moden TEM_{nmq}
 in z -Richtung durch die Anzahl Knoten n,m in x,y Richtung und q in z -Richtung



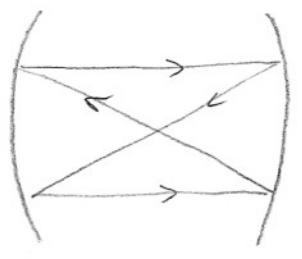
$$q = \frac{d}{\lambda/2} \gg 1$$



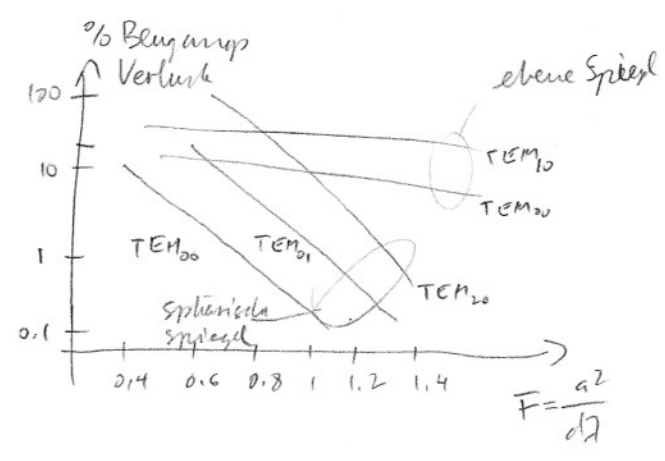
ebene vs. sphärische Spiegel



ebene Spiegel
instabil



$r_1 = r_2 = d$
konfokaler Resonator
stabil



Frequenzspektrum

$$\nu_r \sim \frac{c}{2d} \left\{ q + \frac{1}{2}(m+n+1) \right\}$$

vgl. mit $\nu_r = q \frac{c}{2d}$